

# بِسْمِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

نمونه آزمونهای مستند و پُر تکرار برگزار شده استخدای

## تحلیل سیستم های انرژی ۱

### (بررسی سیستم های قدرت ۱)

قابل استفاده برای تمامی گرایش های رشته مهندسی برق (قدرت، الکترونیک،

مخابرات، کنترل) در مقاطع کارشناسی و کارشناسی ارشد

### (آمادگی مطلق)

از سری کتابهای GET

خلاصه درس

نمونه آزمونهای مستند و برگزار شده

با پاسخنامه واقعاً تشریحی

### مؤلف

مهندس جواد خشت زر

انتشارات رویای سبز

سرشناسه	:	جواد خشت زر، ۱۳۶۹
عنوان و نام پدیدآور	:	
مشخصات نشر	:	
مشخصات ظاهری	:	
فروست	:	از سری کتاب های GET
شابک	:	
وضعیت فهرست نویسی	:	
یادداشت	:	
موضوع	:	تحلیل سیستم های انرژی- راهنمای آموزش (عالی)
موضوع	:	تحلیل سیستم های انرژی- راهنمای آموزش (عالی)
شناسه افزوده	:	
رده بندی کنگره	:	
رده بندی دیویی	:	
شماره کتابشناسی ملی	:	

نام کتاب: تحلیل سیستم های انرژی ۱ (بررسی سیستم های قدرت ۱)

ناشر: انتشارات رویای سبز

مدیر تولید و ناظر فنی چاپ:

محمدعلی عزیزی

نوبت چاپ: اول ۱۳۹۷

تیراژ: ۱۱۰۰ نسخه

قیمت: ۲۵۰۰۰۰

مرکز فروش: تهران- خیابان انقلاب- خیابان فخر رازی پایین تر از خیابان لبافی نژاد کوچه ماستری فراهانی

پلاک ۱۰ واحد ۳ "مرکز پخش و توسعه کتاب ایران فرهنگ" " انتشارات رویای سبز "

تلفن: ۰۹۱۲۲۲۳۴۲۲۲-۰۹۱۲۲۲۰۱۴۶۳-۰۹۲۱۳۵۰۲۶۹۶-۶۶۴۱۱۰۴۳-۶۶۱۷۶۶۳۰

## حمد و سپاس

خداوندی را سزاست که به ما توانایی بخشید تا بتوانیم در راه اعتلای آموزشی و ورود نیروهای متخصص و توانمند برای پیشرفت اهداف علمی این مرز و بوم گامی کوچک اما مؤثر برداریم.

اصل پذیرفته شدن مورد توجه و عنایت اندیشمندان، صاحب نظران، کارشناسان و سایر دست اندرکاران این حوزه آموزشی و تخصصی می باشد؛ به همین منظور پیش بینی ضرورت تهیه و تنظیم مجموعه ای که ظرفیت لازم را برای جذب و انتخاب برترین ها در این رشته ی مهم دارا بود ما را بر آن داشت تا با تلاش فراوان و تنظیم خلاصه مهم ترین نکات و بهترین سئوالات استاندارد و درج و ثبت بعضی از داده ها و اطلاعاتی که یک داوطلب ورزیده باید بداند درجه بندی و با بهترین مقیاس های استاندارد حال حاضر تهیه و پیش روی شما عزیزان قرار دهیم. لذا با امید موفقیت شما متقاضی گرامی و توان سنجش یادگیری یادگیرندگان و تقویت جایگاه آموزش آنان و ابراز برتری مسلم در فرآیند تکمیل نیروهای زبده و متخصص در جای جای میهن عزیزمان بتوانیم با اتکاء به قدرت لایزال الهی و بهره گیری از رهنمودهای بزرگان سربلند و پیروز بوده و تمام تلاش خود را در راه ارتقای جایگاه این رشته و به کارگیری بهینه ی آن در سربلندی ایران عزیز به کار بندیم.

اکنون عصری است که سرعت و شتاب ابزار رسیدن به توانایی است، لذا سوالات طرح شده آزمون های استخدامی برگزار شده بوده، تا سرعت و توانایی شما را در امتحانات پیش رو تضمین کند.

این مجموعه برای اولین بار در کشور با دقت و ظرافت فراوان گردآوری شده است که حاصل تجربه اینجانب در تدریس و تجربیاتی که در طی برگزاری و شرکت در آزمون های

[www.sbargh.ir](http://www.sbargh.ir)

مختلف استخدامی در کشور داشته ام می‌باشد. تولید مجموعه حاضر ترکیبی از خلاصه درس و نمونه سوالات تضمینی برگزار شده می‌باشد و پاسخ‌ها طوری طراحی شده که برای داوطلبین گران‌قدر کاملاً قابل فهم و استنباط باشد.

لازم به ذکر است باتوجه به اینکه ممکن است در یک آزمون استخدامی فقط تعدادی از دروس جزو منابع آزمون باشد، جهت سهولت متقاضیان گرامی به تفکیک دروس پرداختیم. در این مجموعه خلاصه درس طوری گنجانده شده است که ریشه اصلی مطلب را بیان نماید. همچنین علاوه بر مطالب شرح داده شده در کتاب، پاسخ سوالات نیز به صورت کاملاً تشریحی شرح داده شده است تا متقاضیان محترم زمان خود را صرف یافتن پاسخ سوالات در شرح خلاصه نمایند. امیدواریم مجموعه حاضر مورد استقبال شما عزیزان قرار بگیرد.

در اینجا لازم است از آقای مهندس عزیزی مدیریت محترم انتشارات ایران‌فرهنگ و رویای سبز جهت چاپ این کتاب و تمام کسانی که در جهت خلق این اثر مشوقم بودند کمال تشکر و قدردانی را نمایم.

در پایان لازم است از خوانندگان محترم این کتاب درخواست نمایم که در صورت مشاهده هرگونه اشتباه انشایی و املائی، این حقیر را از طریق ایمیل زیر مطلع نمایند تا در هرچه بهتر شدن این اثر از مشارکت شما عزیزان بهره کافی را ببرم.

[Iranfarhang.book@gmail.com](mailto:Iranfarhang.book@gmail.com)

[javadkheshtar@gmail.com](mailto:javadkheshtar@gmail.com)

[www.sbargh.ir](http://www.sbargh.ir)

## فهرست

- فصل اول: مفاهیم اساسی سیستم های قدرت..... ۶
- فصل دوم: اندوکتانس خطوط انتقال..... ۱۶
- فصل سوم: کاپاسیتانس خطوط انتقال..... ۳۹
- فصل چهارم: مدلسازی خطوط انتقال..... ۵۵
- فصل پنجم: ماتریس ادمیتانس و امپدانس شبکه..... ۶۸
- فصل ششم: بهره برداری اقتصادی از سیستم های قدرت..... ۹۸
- نمونه آزمون های مستند و پرتکرار برگزار شده..... ۱۰۹
- پاسخنامه تشریحی تحلیل سیستم های انرژی..... ۱۳۰
- منابع و مأخذ جهت پاسخگویی..... ۱۵۰

**خلاصه مباحث**

## **تحلیل سیستم های انرژی ۱**

(چکیده ای از مهمترین مباحث و نکات درسی که هر داوطلبی جهت شرکت در  
آزمون های استخدامی می بایست از آنها اطلاع داشته باشد)

www.sbargh.ir

## فصل اول

# مفاهیم اساسی سیستم های قدرت

[www.sbargh.ir](http://www.sbargh.ir)

### کمیت‌های پریونیت PU (نسبت به واحد)

در سیستم‌های قدرت از اعداد بسیار بزرگی استفاده می‌شود برای توان از مگا و برای ولتاژ از کیلو استفاده می‌شود، با استفاده از سیستم پریونیت اعداد کوچک و محاسبات راحت تر می‌شود.

مقدار پریونیت یک کمیت نسبت مقدار واقعی آن کمیت به مقدار مبنای انتخاب شده تعریف می‌شود.

$$\text{مقدار واقعی} \\ \text{مقدار پریونیت PU} = \frac{\text{مقدار مبنای}}{\text{مقدار واقعی}}$$

در یک سیستم قدرت مبنای توان (SB)، مبنای ولتاژ (VB)، مبنای امپدانس (ZB) و مبنای جریان (IB) است.

$$S_{PU} = \frac{S}{SB}$$

$$V_{PU} = \frac{V}{VB}$$

$$Z_{PU} = \frac{Z}{ZB}$$

$$I_{PU} = \frac{I}{IB}$$

[www.sbargh.ir](http://www.sbargh.ir)



برای محاسبه اندوکتانس خطوط انتقال از شکم هادی‌ها صرف نظر می‌شود، طول هادی بی‌نهایت فرض می‌شود، شعاع هادی‌ها در مقایسه با فاصله هادی‌ها بسیار کوچک فرض می‌شود. مقاومت و اندوکتانس توزیع شده به طور یکنواخت در طول خط امپدانس سری خط را تشکیل می‌دهد.

امپدانس سری خط  $Z=R+ jX$

#### کندوکتانس خطوط انتقال

کندوکتانس یا هدایت خط باعث ایجاد جریان نشتی بین هادی‌ها و بین هادی‌ها با زمین می‌شود. این جریان بیشتر جریان نشتی مکره‌ها می‌باشد. به دلیل تغییرات زیاد کندوکتانس به دلیل شرایط محیطی و نبود روش مناسبی برای محاسبه آن و نیز اثر کم آن بر روی ادمیتانس موازی در تحلیل سیستم‌های قدرت از آن صرف نظر می‌شود.

#### کاپاسیتانس خطوط انتقال

کاپاسیتانس یا ظرفیت خازنی خط انتقال ناشی از اختلاف پتانسیل بین هادی‌ها و هادی‌ها با زمین می‌باشد. در خطوط انتقال کوتاه (کمتر از ۸۰ Km) کاپاسیتانس خط کم بوده و صرف نظر می‌شود.

کندوکتانس و ظرفیت خازنی ادمیتانس موازی خط را تشکیل می‌دهد.

ادمیتانس شنت خط  $Y=G+ jB$

جدول مشخصات الکتریکی هادی‌های ACSR

نام هادی	قطر خارجی inch	Rdc <sub>۲۰°</sub> Ω/۱۰۰۰ft	Rac <sub>۵۰°</sub> Ω/mi	GMR Ds ft
Waxwing	۰/۶۰۹	۰/۰۶۶۶	۰/۳۸۳۱	۰/۰۱۹۸
Ostrish	۰/۶۸۰	۰/۰۵۶۹	۰/۳۳۷۲	۰/۰۲۲۹
Hawk	۰/۸۵۸	۰/۰۳۵۷	۰/۲۱۲۰	۰/۰۲۸۹
Rook	۰/۹۹۷	۰/۰۲۶۹	۰/۱۶۰۳	۰/۰۳۲۷
Pheasant	۱/۳۸۲	۰/۰۱۳۵	۰/۰۸۲۱	۰/۰۴۶۶
Rail	۱/۱۶۵	۰/۰۱۸۱	۰/۰۹۹۷	۰/۰۳۸۶
Oriole	۰/۷۴۱	۰/۰۵۰۴	۰/۲۹۸۷	۰/۰۲۵۵

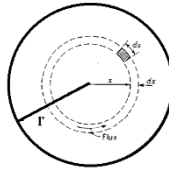


## فصل دوم

# اندوکتانس خطوط انتقال

اندوکتانس ناشی از فوران یک هادی

اندوکتانس داخلی یک هادی به شعاع  $r$



$$L_{int} = \frac{\lambda_{in}}{I} = \frac{\mu_0}{\lambda\pi} = \frac{\xi\pi \times 10^{-7}}{\lambda\pi} = \frac{1}{\gamma} \times 10^{-7}$$

$$L_{int} = \frac{1}{\gamma} \times 10^{-7} = 2 \times 10^{-7} \text{Ln} e^{\xi} = 2 \times 10^{-7} \text{Ln} \frac{1}{e^{-\xi}}$$

اندوکتانس خارجی یک هادی به شعاع  $r$

$$L_{ext} = \frac{\mu_0}{2\pi} = 2 \times 10^{-7} \text{Ln} \frac{D}{r}$$

اندوکتانس هادی از مجموع اندوکتانس داخلی و خارجی بدست می آید.

$$L = L_{int} + L_{ext} = 2 \times 10^{-7} \text{Ln} \frac{1}{e^{-\xi}} + 2 \times 10^{-7} \text{Ln} \frac{D}{r}$$

$$L = 2 \times 10^{-7} \text{Ln} \frac{D}{re^{-\xi}}$$

$$r' = re^{-\xi} = 0.7788r$$

$$L = 2 \times 10^{-7} \text{Ln} \frac{D}{r'}$$

نکته:  $r'$  شعاع متوسط هندسی GMR خودی هادی تعریف می شود و برابر شعاع یک هادی معادل توخالی می باشد. در صورت توخالی بودن هادی شار دربرگیرنده داخلی نخواهد داشت در نتیجه دارای اندوکتانس داخلی نیز نمی باشد. ضریب 0.7788 که برای تصحیح شعاع در اثر فوران داخلی به کار رفته تنها برای هادی های گرد توپر کاربرد دارد.

اندوکتانس خطوط سه فاز دو مداره (پارالل)

a ○

○ c'

b ○

○ b'

c ○

○ a'

$$L = 2 \times 10^{-7} \text{Ln} \frac{\text{GMD}}{\text{GMR}}$$

$$\text{GMDP} = \sqrt[3]{\text{GMDab GMDac GMDbc}}$$

$$\text{GMDab} = \sqrt[4]{\text{Dab Dab}' \text{Da}'\text{b Da}'\text{b}'}$$

$$\text{GMDac} = \sqrt[4]{\text{Dac Dac}' \text{Da}'\text{c Da}'\text{c}'}$$

$$\text{GMDbc} = \sqrt[4]{\text{Dbc Dbc}' \text{Db}'\text{c Db}'\text{c}'}$$

$$\text{GMRP} = \sqrt[3]{\text{GMRa GMRb GMRc}}$$

$$\text{GMRa} = \sqrt{\text{GMR daa}'}$$

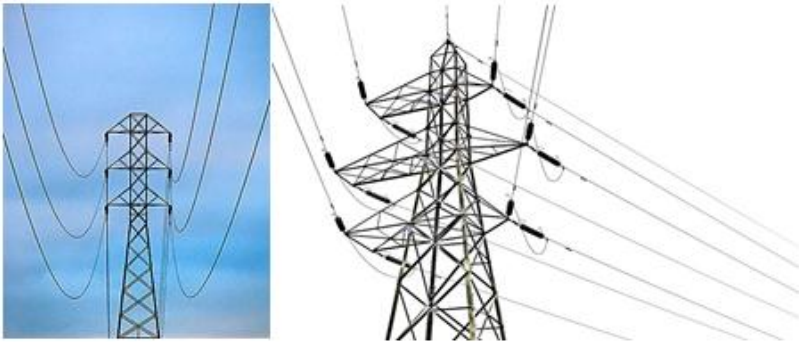
$$\text{GMRb} = \sqrt{\text{GMR dbb}'}$$

$$\text{GMRc} = \sqrt{\text{GMR dcc}'}$$

نکته: می توان از اثر القاء متقابل بین هادی های دو مدار صرف نظر کرد و اندوکتانس

یک مدار را حساب کرد و حاصل را بر ۲ تقسیم کرد. خطای این حالت در حد چند

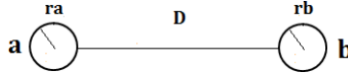
درصد است.



فصل سوم

## کاپاسیتانس خطوط انتقال

کاپاسیتانس خط دوسیمه تکفاز



$$C_{ab} = \frac{\pi\epsilon_0}{\ln \frac{GMD}{GMR}}$$

$$GMD = D$$

$$GMR = \sqrt{ra \cdot rb}$$

اگر  $r_a = r_b = r$

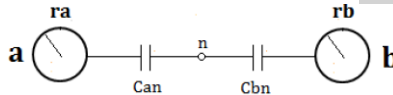
$$C_{ab} = \frac{\pi\epsilon_0}{\ln \frac{GMD}{GMR}}$$

$$GMD = D$$

$$GMR = r$$

نکته: با توجه به نوع هادی می توان قطر آن را از جدول استخراج کرد و سپس شعاع را حساب کرد.

کاپاسیتانس نسبت به زمین



$$C_{an} = C_{bn} = \frac{2\pi\epsilon_0}{\ln \frac{GMD}{GMR}}$$

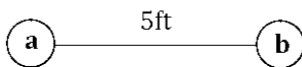
$$GMD = D$$

$$GMR = r$$

نکته: در روابط فوق  $r$  شعاع واقعی بیرونی است و  $GMR$  نمی باشد.

نکته: برای هادی های رشته ای نیز از شعاع  $r$  استفاده می شود هرچند به دلیل متفاوت بودن میدان پیرامون هادی مفتولی با هادی رشته ای مقدار کمی خطا ایجاد می شود.

مثال: کاپاسیتانس خط تکفاز زیر چقدر است در صورتی که قطر خارجی هادی ها ۰/۵۵inch باشد.



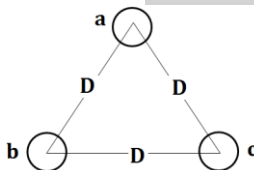
$$C_{ab} = \frac{\pi \epsilon_0}{\ln \frac{GMD}{GMR}}$$

$$GMD = D = 5m$$

$$GMR = r = \frac{0.052}{2} \times \frac{1}{1.2} = 0.023 \text{ ft}$$

$$C_{ab} = \frac{\pi \times 8.85 \times 10^{-12}}{\ln \frac{5}{0.023}} = 5.169 \times 10^{-12} \text{ F/m}$$

کاپاسیتانس خط سه فاز با فواصل مساوی

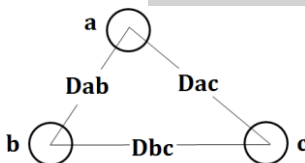


$$C_{ab} = \frac{2\pi \epsilon_0}{\ln \frac{GMD}{GMR}}$$

$$GMD = D$$

$$GMR = r$$

کاپاسیتانس خط سه فاز با فواصل نامساوی

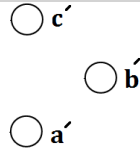
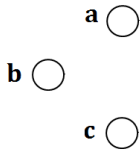


$$C_{ab} = \frac{2\pi \epsilon_0}{\ln \frac{GMD}{GMR}}$$

$$GMD = \sqrt{D_{ab} D_{ac} D_{bc}}$$

$$GMR = r$$





$$C = \frac{\gamma \pi \epsilon_0}{\text{Ln} \frac{\text{GMD}}{\text{GMR}}}$$

$$L = \gamma \times 10^{-9} \text{Ln} \frac{\text{GMD}}{\text{GMR}}$$

$$\text{GMDP} = \sqrt[3]{\text{GMDab} \text{GMDac} \text{GMDbc}}$$

$$\text{GMDab} = \sqrt[3]{\text{Dab} \text{Dab}' \text{Da'b} \text{Da'b}'}$$

$$\text{GMDac} = \sqrt[3]{\text{Dac} \text{Dac}' \text{Da'c} \text{Da'c}'}$$

$$\text{GMDbc} = \sqrt[3]{\text{Dbc} \text{Dbc}' \text{Db'c} \text{Db'c}'}$$

$$\text{GMRP} = \sqrt[3]{\text{GMRa} \text{GMRb} \text{GMRc}}$$

$$\text{GMRa} = \sqrt{r \text{ daa}'}$$

$$\text{GMRb} = \sqrt{r \text{ dbb}'}$$

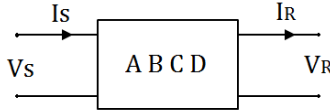
$$\text{GMRc} = \sqrt{r \text{ dcc}'}$$

## فصل چهارم

### مدلسازی خطوط انتقال

## دوقطبی خطوط انتقال

خطوط انتقال انرژی الکتریکی را به صورت دو قطبی به صورت زیر نمایش می دهند.  
 $V_S$  و  $I_S$  ولتاژ و جریان ابتدای خط و  $V_R$  و  $I_R$  ولتاژ و جریان انتهای خط می باشد.



پارامترهای عمومی خط به صورت ماتریس زیر بیان می شود.

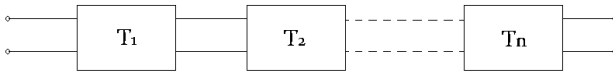
$$\begin{bmatrix} V_S \\ I_S \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A & B \\ C & D \end{bmatrix} \begin{bmatrix} V_R \\ I_R \end{bmatrix}$$

$$V_S = AV_R + BI_R$$

$$I_S = CV_R + DI_R$$

## اتصال سری چند خط انتقال

اگر چند خط انتقال را با هم سری کنیم، ماتریس انتقال معادل از ضرب ماتریس ها به دست می آید.



$$T_t = T_1 \times T_2 \times \dots \times T_n$$

مثال: دو خط با پارامترهای عمومی  $(A_1 \ B_1 \ C_1 \ D_1)$  و  $(A_2 \ B_2 \ C_2 \ D_2)$  با هم سری

شده اند، ماتریس انتقال معادل به چه صورتی است؟

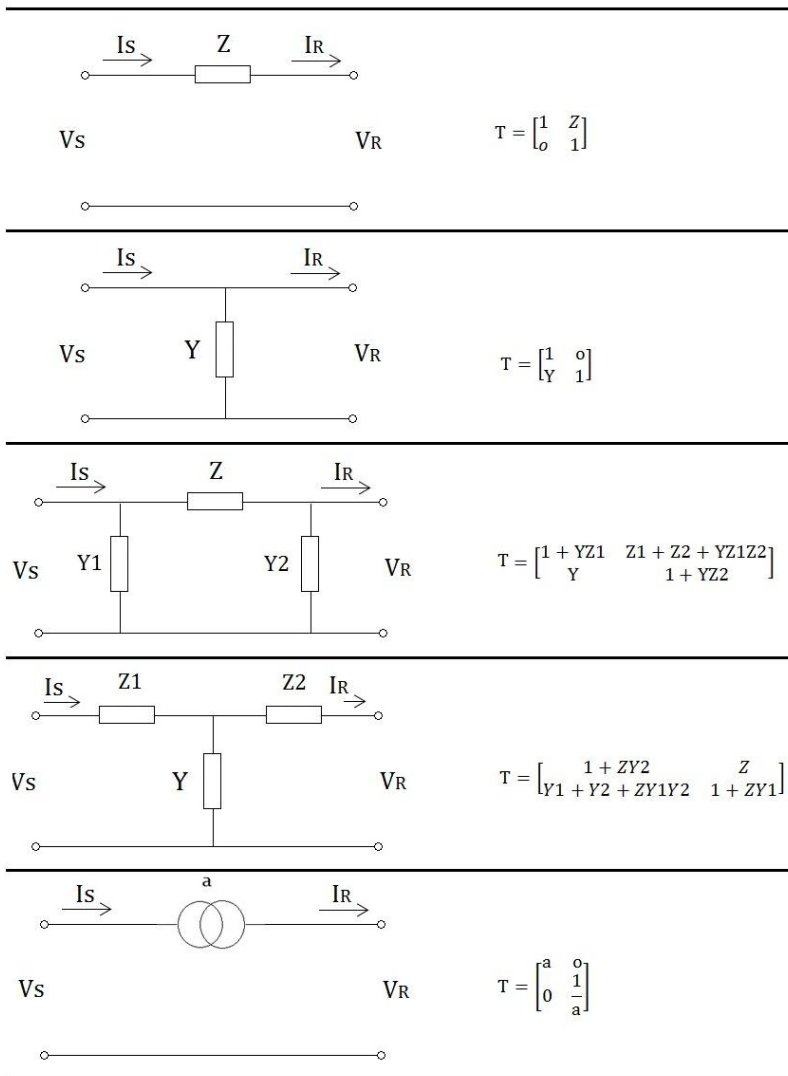
$$T_1 = \begin{bmatrix} A_1 & B_1 \\ C_1 & D_1 \end{bmatrix}$$

$$T_2 = \begin{bmatrix} A_2 & B_2 \\ C_2 & D_2 \end{bmatrix}$$

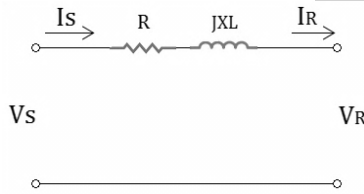
$$T_t = T_1 \times T_2 = \begin{bmatrix} A_1 & B_1 \\ C_1 & D_1 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} A_2 & B_2 \\ C_2 & D_2 \end{bmatrix}$$

$$T_t = \begin{bmatrix} (A_1 A_2 + B_1 C_2) & (A_1 B_2 + B_1 D_2) \\ (C_1 A_2 + D_1 C_2) & (C_1 B_2 + D_1 D_2) \end{bmatrix}$$

ماتریس انتقال انواع شبکه های دو قطبی



مدلسازی خطوط انتقال کوتاه



$$\begin{bmatrix} V_S \\ I_S \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A & B \\ C & D \end{bmatrix} \begin{bmatrix} V_R \\ I_R \end{bmatrix}$$

$$A=1$$

$$B=Z$$

$$C=0$$

$$D=1$$

$$\begin{bmatrix} V_S \\ I_S \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & Z \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} V_R \\ I_R \end{bmatrix}$$

$$V_S = V_R + Z I_R$$

$$I_S = I_R$$

مثال: در یک خط انتقال سه فاز به طول ۵۰ کیلومتر بار انتهای خط ۱۰۰MW را در ضریب قدرت ۰/۸ پس فاز و ولتاژ ۱۳۲KV جذب می‌نماید. مقاومت و اندوکتانس خط به ترتیب ۰/۳۰۸Ω/Km و ۰/۹۵mH/Km هستند ولتاژ ابتدای خط چقدر است؟

$$R = 0.308 \times 50 = 15.4 \Omega$$

$$L = 0.95 \times 10^{-3} \times 50 = 0.0475 \text{ H}$$

$$XL = 2\pi fL = 2\pi \times 50 \times 0.0475 = 14.92 \Omega$$

$$Z = R + jXL = 15.4 + j14.92 \Omega$$

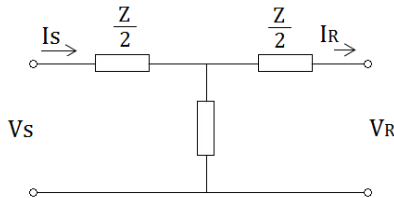
$$I_R = \frac{P}{\sqrt{3} \times V_R \times \cos\phi} = \frac{100 \times 10^6}{\sqrt{3} \times 132 \times 10^3 \times 0.8} = 546.7 \angle -36.9^\circ \text{ A}$$

$$V_S = V_R + Z I_R = \frac{132}{\sqrt{3}} + (15.4 + j14.92) 546.7 \angle -36.9^\circ = 824.2 \angle 2^\circ \text{ KV}$$

$$I_S = I_R = 546.7 \angle -36.9^\circ$$

۱- مدل T

در این مدل ادمیتانس شنت خط، در وسط خط به صورت متمرکز در نظر گرفته می شود و امپدانس به دو قسمت تقسیم می شود و در دو طرف مدل قرار می گیرد .

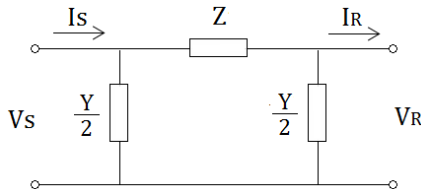


$$\begin{bmatrix} V_s \\ I_s \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 + \frac{ZY}{\gamma} & Z(1 + \frac{ZY}{\gamma}) \\ Y & 1 + \frac{ZY}{\gamma} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} V_R \\ I_R \end{bmatrix}$$

$$V_s = (1 + \frac{ZY}{\gamma})V_R + Z(1 + \frac{ZY}{\gamma})I_R$$

$$I_s = YV_R + (1 + \frac{ZY}{\gamma})I_R$$

۲- مدل π



$$\begin{bmatrix} V_s \\ I_s \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 + \frac{ZY}{\gamma} & Z \\ Y(1 + \frac{ZY}{\gamma}) & 1 + \frac{ZY}{\gamma} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} V_R \\ I_R \end{bmatrix}$$

$$V_s = (1 + \frac{ZY}{\gamma})V_R + ZI_R$$

$$I_s = Y(1 + \frac{ZY}{\gamma})V_R + (1 + \frac{ZY}{\gamma})I_R$$

## جبران سازی خطوط انتقال

همانطور که گفته شد در صورتی که یک خط انتقال با امپدانس موجی  $ZC$  بارگذاری شود توان راکتیو ورودی و خروجی صفر و منحنی ولتاژ در طول خط مسطح می‌گردد. در بارهای بیشتر از SIL ولتاژ انتهای خط کاهش می‌یابد. و در بارهای کمتر از SIL ولتاژ افزایش می‌یابد. استفاده از جبران کننده‌های سری و موازی سبب بهبود پروفیل ولتاژ می‌شوند.

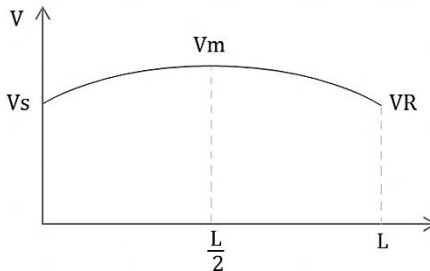
## ۱-راکتور موازی

برای کاهش ولتاژ در صورت بی‌باری یا کم‌باری خط، از راکتور موازی استفاده می‌شود. این راکتور در انتهای خط نصب می‌شود و مقدار آن از رابطه زیر بدست می‌آید.

$$X_{sh} = ZC \frac{\sin\beta l}{1 - \cos\beta l}$$

بیشترین ولتاژ در وسط خط ( $x=L/2$ ) اتفاق می‌افتد که از رابطه زیر قابل محاسبه است.

$$V_m = \frac{V_R}{\cos \frac{\beta l}{4}}$$



پروفیل ولتاژ خط در حالت نصب راکتور موازی

نکته: می‌توان رابطه کلی راکتور شنت را به صورت زیر نوشت.

$$X_{sh} = \frac{B}{1 - A}$$



## ماتریس ادمیتانس و امیدانسی شبکه

## ماتریس ادمیتانس

در یک سیستم قدرت جریان تزریق شده به هر شین را می‌توان به صورت ترکیب خطی ولتاژ تمام شین‌های شبکه نوشت.

$$I_i = \sum_{j=1}^n Y_{ij} V_j$$

$$I = Y_{BUS} V$$

$$Y_{BUS} = \begin{bmatrix} Y_{11} & Y_{12} & \dots & Y_{1n} \\ Y_{21} & Y_{22} & \dots & Y_{2n} \\ Y_{31} & Y_{32} & \dots & Y_{3n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ Y_{n1} & Y_{n2} & \dots & Y_{nn} \end{bmatrix}$$

در روابط فوق

$I$ : جریان تزریقی به شین

$V$ : ولتاژ شین

$Y_{BUS}$ : ماتریس ادمیتانس

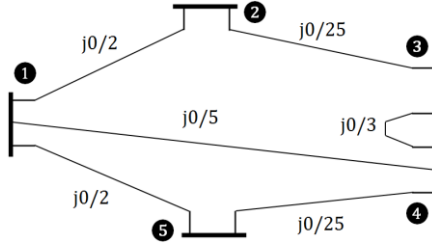
$Y_{ij}$ : منفی ادمیتانس بین شین  $i$  و  $j$

$Y_{ii}$ : مجموع ادمیتانس‌های متصل به شین  $i$

عناصر روی قطر اصلی  $Y_{ii}$  را ادمیتانس خودی شین  $i$  و عناصر خارج از قطر اصلی

$Y_{ij}$  را ادمیتانس متقابل بین  $i$  و  $j$  است.

مثال: ماتریس ادمیتانس سیستم قدرت زیر را بدست آورید.



$$Y_{\text{BUS}} = \begin{bmatrix} Y_{11} & Y_{12} & Y_{13} & Y_{14} & Y_{15} \\ Y_{21} & Y_{22} & Y_{23} & Y_{24} & Y_{25} \\ Y_{31} & Y_{32} & Y_{33} & Y_{34} & Y_{35} \\ Y_{41} & Y_{42} & Y_{43} & Y_{44} & Y_{45} \\ Y_{51} & Y_{52} & Y_{53} & Y_{54} & Y_{55} \end{bmatrix}$$

$$Y_{12} = \frac{1}{j0/2} = -j0$$

$$Y_{13} = 0$$

$$Y_{14} = \frac{1}{j0/0} = -j2$$

$$Y_{15} = \frac{1}{j0/2} = -j0$$

$$Y_{21} = \frac{1}{j0/2} = -j0$$

$$Y_{23} = \frac{1}{j0/25} = -j\epsilon$$

$$Y_{24} = 0$$

$$Y_{25} = 0$$

$$Y_{23} = 0$$

$$Y_{31} = 0$$

$$Y_{32} = \frac{1}{j0/25} = -j\epsilon$$

$$Y_{34} = \frac{1}{j0/3} = -j3/33$$

$$Y_{35} = 0$$

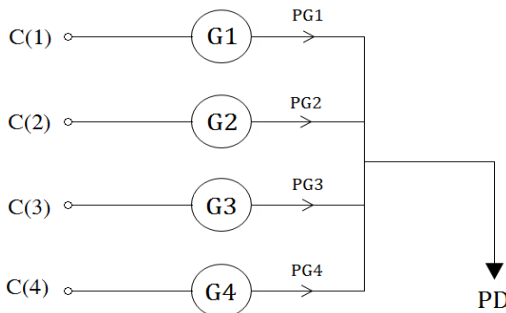
$$Y_{41} = \frac{1}{j0/0} = -j2$$

$$Y_{42} = 0$$

## بهره برداری اقتصادی از سیستم های قدرت

## توزیع بهینه بار بین نیروگاه ها

در یک سیستم قدرت از چند نیروگاه حرارتی جهت تأمین بار استفاده می‌شود. از آنجایی که بار سیستم قدرت مقدار ثابتی ندارد و در زمان های مختلف تغییر می‌کند توان تولیدی نیروگاه ها نیز باید تغییر کند تا توان تولیدی نیروگاه ها برابر بار مصرفی گردد، جهت بهره برداری اقتصادی از سیستم قدرت باید با کمترین هزینه توان مورد نیاز را بین ژنراتورهای یک واحد و بین کل نیروگاه ها تقسیم کرد به گونه‌ای که کمترین سوخت مصرف گردد.



H : نرخ حرارت ورودی به واحد بر حسب Btu/h

X : هزینه سوخت بر حسب \$/Btu

C(F) : هزینه تولید انرژی (هزینه ورودی سوخت واحد) بر حسب \$/h

$$C(F) = H \times X$$

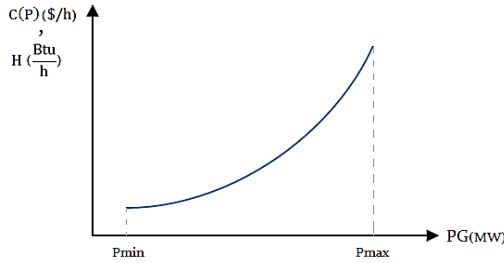
$$\frac{\text{Btu}}{\text{h}} \times \frac{\$}{\text{Btu}} = \frac{\$}{\text{h}}$$

خروجی سیستم بر حسب MW بیان می‌شود.

تابع هزینه سوخت واحد با استفاده از معادله درجه دوم زیر بیان می‌شود.

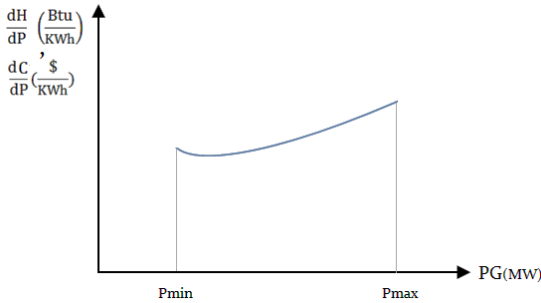
$$C(P) = \alpha + \beta PG + \gamma PG^2 \quad \$/h$$

مقادیر  $\alpha$ ،  $\beta$  و  $\gamma$  را می‌توان با روش های عددی محاسبه کرد که در مسائل سیستم های قدرت جزء داده های مسأله می‌باشد



### مشخصه هزینه افزایشی سوخت

مشخصه هزینه افزایشی حرارتی یک واحد در شکل زیر ترسیم شده است این منحنی مشتق مشخصه ورودی-خروجی ( $dH/dP$  یا  $dc/dP$ ) می باشد.



تابع هزینه افزایشی سوخت (تابع هزینه نمودی تولید) به صورت زیر تعریف می شود.

$$\frac{dC(P)}{dP} = IF = \beta + \gamma PG$$

### روش تحلیلی برای توزیع بهینه بار بین نیروگاه ها

$$C_t = \sum_{i=1}^n C_i$$

$$C_t = \sum_{i=1}^n \alpha_i + \beta_i PG_i + \gamma_i PG_i^2$$

محاسبه سود ناشی از توزیع اقتصادی نسبت به توزیع غیر اقتصادی

اگر  $PG_1$  و  $PG_2$  توان‌های تولیدی اقتصادی ژنراتورها و  $PG_1'$  و  $PG_2'$  توان تولیدی غیر اقتصادی ژنراتورها باشد در این صورت هزینه اضافی یا سود ناشی از توزیع اقتصادی به اختلاف هزینه دو حالت می‌گویند و از رابطه زیر بدست می‌آید.

$$\Delta C = C(\lambda_1) - C(\lambda_2)$$

$$|\Delta C| = \left| \int_{PG_1}^{PG_1'} (IC_1) dPG_1 + \int_{PG_2}^{PG_2'} (IC_2) dPG_2 \right|$$

مثال: در یک سیستم قدرت دو نیروگاه بار  $1050 MW$  را به صورت اقتصادی به صورت  $PG_1 = 500 MW$  و  $PG_2 = 550 MW$  تأمین می‌کند. در صورتی که بار به صورت غیر اقتصادی  $PG_1 = 400 MW$  و  $PG_2 = 650 MW$  تأمین گردد، میزان هزینه اضافی چقدر است؟

$$IC_1 = 750 + 0.008 PG_1$$

$$IC_2 = 600 + PG_2$$

$$\Delta C = C(\lambda_1) - C(\lambda_2)$$

$$|\Delta C| = \left| \int_{PG_1}^{PG_1'} (IC_1) dPG_1 + \int_{PG_2}^{PG_2'} (IC_2) dPG_2 \right|$$

$$|\Delta C| = \int_{500}^{400} (750 + 0.008 PG_1) dPG_1 + \int_{550}^{650} (600 + PG_2) dPG_2 = 9000 \$/R$$

مثال: توابع هزینه واحدهای یک نیروگاه به صورت زیر است. توان تولیدی دو ژنراتور برای تأمین بار  $2400 MW$  به صورت اقتصادی چقدر است؟

$$C_1 = 1000 + 400 PG_1 + 0.01 PG_1^2$$

$$C_2 = 2000 + 100 PG_2 + 0.02 PG_2^2$$

$$\lambda = \frac{\gamma PD + \sum \frac{\beta_i}{\gamma_i}}{\sum \frac{1}{\gamma_i}}$$

$$\lambda = \frac{\gamma PD + \left(\frac{\beta_1}{\gamma_1} + \frac{\beta_2}{\gamma_2}\right)}{\left(\frac{1}{\gamma_1} + \frac{1}{\gamma_2}\right)} = \frac{2 \times 2400 + \left(\frac{400}{.7} + \frac{100}{.7}\right)}{\left(\frac{1}{.7} + \frac{1}{.7}\right)} = 720$$

$$PG_i = \frac{\lambda - \beta_i}{\gamma_i}$$

$$PG_1 = \frac{\lambda - \beta_1}{\gamma_1} = \frac{720 - 400}{2 \times .7} = 1100 \text{ MW}$$

$$PG_2 = \frac{\lambda - \beta_2}{\gamma_2} = \frac{720 - 100}{2 \times .7} = 1300 \text{ MW}$$

مثال: در مثال فوق اگر بار به صورت مساوی و غیر اقتصادی تقسیم شود، میزان صرفه جویی حالت توزیع اقتصادی چقدر است؟

$$PG_1' = 1200 \text{ MW}$$

$$PG_2' = 1200 \text{ MW}$$

$$IC_1 = 750 + .7/P_{G1}$$

$$IC_2 = 600 + PG_2$$

$$\Delta C = C(\lambda_1) - C(\lambda_2)$$

$$|\Delta C| = \left| \int_{PG_1}^{PG_1'} (IC_1) dPG_1 + \int_{PG_2}^{PG_2'} (IC_2) dPG_2 \right|$$

$$|\Delta C| = \int_{1100}^{1200} (400 + .7/P_{G1}) dPG_1 + \int_{1300}^{1200} (100 + .7/P_{G2}) dPG_2$$

$$= 3000 \text{ \$/h}$$



# نمونه آزمون های مستند و پرتکرار برگزار شده

[www.sbargh.ir](http://www.sbargh.ir)

۷۳- اندازه امیدانس یک سلف با مقادیر نامی ۲۵۰KVA و ۱۰KV در مبنای ۱۰۰KVA

و ۲۰KV چند PU است؟

الف: ۰/۵

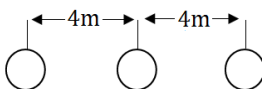
ب: ۲/۵

ج: ۴

د: ۶

۷۴- کاپاسیتانس خط انتقال سه فاز زیر چقدر است؟ جنس هادی ها Pheasant با

شعاع ۱/۷۵۵cm می باشد.



الف:  $۴/۹۱ \times ۱۰^{-۹}$

ب:  $۴/۹۱ \times ۱۰^{-۱۲}$

ج:  $۹/۸۲ \times ۱۰^{-۹}$

د:  $۹/۸۲ \times ۱۰^{-۱۲}$

۷۵- SIL یک خط انتقال انرژی بدون تلفات ۴۰۰KV معادل ۱۰۰MW است، ظرفیت

خازنی در هر فاز چند F/m است؟

الف:  $۲/۰۸ \times ۱۰^{-۱۶}$

ب:  $۲/۰۸ \times ۱۰^{-۸}$

ج:  $۱/۰۴ \times ۱۰^{-۱۶}$

د:  $۱/۰۴ \times ۱۰^{-۸}$

۷۶- یک خط انتقال انرژی بدون تلفات ضریب القاء هر متر از خط  $1\text{mH}$  و ظرفیت

هر متر  $10\ \mu\text{f}$  است، امیدانس مشخصه خط چقدر است؟

الف:  $0/1$

ب:  $1$

ج:  $10$

د:  $100$

۷۷- طول موج یک خط انتقال هوایی بدون تلفات در فرکانس  $60\text{Hz}$  چقدر است؟

الف:  $3000$

ب:  $4000$

ج:  $5000$

د:  $6000$

۷۸- در یک خط انتقال انرژی نسبت بارگذاری طبیعی با در نظر گرفتن تلفات (SL<sub>1</sub>)

را نسبت به بارگذاری طبیعی با صرف نظر کردن از تلفات (SL<sub>2</sub>) چقدر است؟

الف:  $\sqrt{\frac{R+JL\omega}{JC\omega}}$

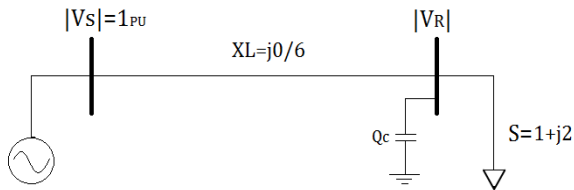
ب:  $\sqrt{\frac{JL\omega}{JC\omega}}$

ج:  $\sqrt{\frac{JL\omega}{R+JL\omega}}$

د:  $\sqrt{\frac{R+JL\omega}{JL\omega}}$

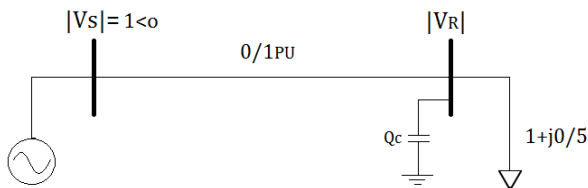
۷۹- در شکل نشان داده شده زیر اگر طول خط  $50\text{Km}$  باشد برای اینکه ولتاژ ابتدا و

انتهای خط یکسان باشد قدرت راکتیو اضافه شده به وسیله خازن شنت چقدر است؟



- الف:  $\frac{1}{2}$   
 ب:  $\frac{2}{3}$   
 ج:  $\frac{5}{3}$   
 د:  $\frac{7}{3}$

۸۰- در سیستم قدرت زیر ولتاژ باس ۲، با نصب یک دستگاه خازن در ۱ PU تثبیت شده است. ظرفیت این خازن چقدر است؟



- الف:  $0/995$   
 ب:  $0/05$   
 ج:  $0/55$   
 د:  $9/95$

۸۱- مقدار ادمیتانس شبکه ای به صورت زیر است در صورتی که شین ۲ و ۳ توسط یک هادی به هم وصل شوند، ماتریس ادمیتانس جدید چگونه است؟

$$Y_{BUS} = \begin{bmatrix} -j10 & j2 & j5 & j6 \\ j2 & -j7 & j8 & j5 \\ j5 & j8 & -j4 & j4 \\ j6 & 5 & 4 & -j3 \end{bmatrix}$$

$$\text{الف: } z \begin{bmatrix} 10 & 7 & 6 \\ 7 & 5 & 9 \\ 6 & 9 & 3 \end{bmatrix}$$

$$\text{ب: } z \begin{bmatrix} -10 & 7 & 6 \\ 7 & -5 & 9 \\ 6 & 9 & -3 \end{bmatrix}$$

$$\text{ج: } z \begin{bmatrix} -10 & -7 & -6 \\ -7 & -5 & -9 \\ -6 & -9 & -3 \end{bmatrix}$$

$$\text{د: } z \begin{bmatrix} 10 & -7 & -6 \\ -7 & 5 & -9 \\ -6 & -9 & 3 \end{bmatrix}$$

۸۲- در یک سیستم قدرت سه شینه ولتاژ شین ۲ برابر ۱/۲PU و ماتریس ZBUS مطابق زیر است، اگر سلفی با راکتانس ۲/۴PU به شین ۲ وصل شود اندازه تغییرات در ولتاژ شین ۳ چقدر است؟

$$Z_{BUS} = j \begin{bmatrix} 0/2 & 0/15 & 0/1 \\ 0/15 & 0/3 & 0/15 \\ 0/1 & 0/15 & 0/25 \end{bmatrix}$$

الف: ۰/۰۱

ب: ۰/۰۳

ج: ۰/۰۴

د: ۰/۰۶

۸۳- معادلات هزینه افزونی تولید انرژی الکتریکی دو ژنراتور در یک نیروگاه بر حسب R/MWh به صورت زیر است. توزیع اقتصادی ۲۰۰MW بین ژنراتور اول و دوم به ترتیب چگونه است؟

$$IC_1 = 750 + 0/8PG_1$$

$$IC_2 = 600 + PG_2$$

$$80\text{MW} \leq PG_1 \leq 575\text{MW}$$

الف:  $172/22 - 27/78$

ب:  $27/78 - 172/22$

ج:  $97/5 - 102/5$

د:  $102/5 - 97/5$

۸۴- منحنی هزینه سوخت دو نیروگاه به صورت زیر است، توزیع اقتصادی بار  $1000\text{MW}$  بین نیروگاه اول و دوم به ترتیب چگونه است.

$$C_1 = 1000 + 50PG_1 + 0.0075PG_1^2$$

$$C_2 = 3000 + 45PG_2 + 0.005PG_2^2$$

الف:  $600 - 400$

ب:  $400 - 600$

ج:  $200 - 800$

د:  $800 - 200$

۸۵- هزینه نموی دو ژنراتور به صورت زیر است اگر بار مصرفی  $60\text{MW}$  باشد تفاوت هزینه بین حالتی که توزیع اقتصادی صورت گرفته و حالتی که توان ژنراتور نصف بار مصرفی باشد چقدر است؟

$$IC_1 = 40 + PG_1$$

$$IC_2 = 40 + 0.2PG_2$$

الف: ۱۲۰

ب: ۲۴۰

ج: ۳۶۰

د: ۴۸۰

۸۶- در یک خط انتقال بلند کدام گزینه صحیح است؟

الف: اگر بار انتهای خط ۵ درصد مقدار نامی باشد ولتاژ انتهای خط بالا می‌رود.

ب: اگر بار انتهای خط ۱۰۵ درصد مقدار نامی باشد ولتاژ انتهای خط بالا می‌رود.

ج: با نصب کندانسور سنکرون در انتهای خط می‌توان پروفیل ولتاژ را در طول خط مسطح کرد.

د: در چیدمان فازها چه به صورت افقی چه به صورت عمودی نسبت به زمین امیدانس مشخصه خط تغییر نمی‌کند.

۸۷- در یک خط انتقال بلند به طول  $l$  مفروض است، ثابت انتشار خط را بر حسب  $Z_{sc}$  و  $Z_{oc}$  چگونه است؟

الف:  $\frac{1}{l} \tan^{-1} \sqrt{\frac{Z_{sc}}{Z_{oc}}}$

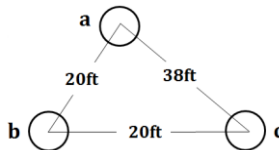
ب:  $\tan^{-1} \sqrt{\frac{Z_{sc}}{Z_{oc}}}$

ج:  $\frac{1}{l} \tan^{-1} \sqrt{\frac{Z_{oc}}{Z_{sc}}}$

د:  $\tan^{-1} \sqrt{\frac{Z_{oc}}{Z_{sc}}}$

۸۸- در خط سه فاز تک مداره دارای هادی‌ها از نوع ACSR Drake است.

اندوکتانس هر فاز چقدر است؟



الف:  $۲۶ \times ۱۰^{-۷}$

ب:  $۲۶ \times ۱۰^{-۶}$

ج:  $۱۳ \times ۱۰^{-۷}$

د:  $۱۳ \times ۱۰^{-۶}$

## پاسخنامه تشریحی

تحلیل سیستم های انرژی ۱ (بررسی سیستم های قدرت ۱)

[www.sbargh.ir](http://www.sbargh.ir)



۷۳- گزینه (ج) صحیح است.

$$SB = 100 \text{ KVA}$$

$$VB = 20 \text{ KV}$$

$$S_{PU} = \frac{S}{SB} = \frac{250}{100} = 2/5$$

$$V_{PU} = \frac{V}{VB} = \frac{10}{20} = 0/5$$

$$ZB = \frac{VB^2}{SB} = \frac{20^2}{100} = 4 \Omega$$

$$Z = \frac{V^2}{S} = \frac{10^2}{250} = 0/4 \Omega$$

$$Z_{PU} = \frac{Z}{ZB} = \frac{0/4}{4} = 0/1$$

۷۴- گزینه (د) صحیح است.

$$C = \frac{2\pi\epsilon_0}{\ln \frac{GMD}{GMR}}$$

$$GMD = \sqrt[3]{D_{ab} D_{ac} D_{bc}}$$

$$GMD = \sqrt[3]{\epsilon \times \epsilon \times \lambda} = 5/24 \text{ m}$$

$$GMR = r = 1/755 \text{ cm}$$

$$C = \frac{2\pi \times 8/85 \times 10^{-12}}{\ln \frac{5/24}{1/755}} = 9/82 \times 10^{-12} \text{ F/m}$$

۷۵- گزینه (ب) صحیح است.

$$SIL = \frac{VLL^2}{ZC}$$

$$ZC = \frac{VLL^2}{SIL} = \frac{400^2}{100} = 1600 \Omega$$

$$ZC = \sqrt{\frac{L}{C}}$$

$$ZC^2 = \frac{L}{C}$$

$$C = \frac{L}{ZC^2}$$

$$C = \frac{L}{1600^2}$$

$$\frac{1}{L \cdot C} = 9 \times 10^{16}$$

$$L = \frac{1}{9 \times 10^{16} \times C}$$

$$C = \frac{1}{1600^2}$$

$$C = \frac{9 \times 10^{16} \times C}{1600^2}$$

$$C = \sqrt{\frac{1}{9 \times 10^{16} \times 1600^2}} = 2/08 \times 10^{-8}$$

۷۶- گزینه (ج) صحیح است.

$$ZC = \sqrt{\frac{L}{C}} = \sqrt{\frac{10^{-3}}{10 \times 10^{-6}}} = 10 \Omega$$

۷۷- گزینه (ج) صحیح است.

$$\lambda = \frac{V}{f} = \frac{3 \times 10^8}{60} = 12000 \text{ Km}$$

۷۸- گزینه (د) صحیح است.

$$SL1 = \sqrt{\frac{R + JL\omega}{JC\omega}}$$

$$SL2 = \sqrt{\frac{JL\omega}{JC\omega}}$$

$$\frac{SL1}{SL2} = \frac{\sqrt{\frac{R + JL\omega}{JC\omega}}}{\sqrt{\frac{JL\omega}{JC\omega}}} = \sqrt{\frac{R + JL\omega}{JL\omega}}$$

۷۹- گزینه (د) صحیح است.

$$P = \frac{|VS| \cdot |VR|}{X'} \text{ Sin} \delta$$

$$1 = \frac{1 \times 1}{0.76} \text{ Sin} \delta$$

$$\delta = 36/86^\circ$$

$$\begin{aligned} \cos\delta &= \cos 36/18 = 0.8 \\ QR &= \frac{VR}{X} (VSCos\delta - VS) \\ QR &= \frac{1}{0.7} (1 \times 0.8 - 1) = -\frac{1}{3} \text{ PU} \\ QC &= Q_{Load} - QR \\ QC &= 1 - (-\frac{1}{3}) = \frac{4}{3} \text{ PU} \end{aligned}$$

۸۰- گزینه (ج) صحیح است.

$$\begin{aligned} P &= \frac{|VS| \cdot |VR|}{X'} \sin\delta \\ 1 &= \frac{1 \times 1}{0.7} \sin\delta \\ \delta &= 5/7 \text{ }^\circ \\ \cos\delta &= \cos 5/7 = 0.995 \\ QR &= \frac{VR}{X} (VSCos\delta - VS) \\ QR &= \frac{1}{0.7} (1 \times 0.995 - 1) = -0.05 \text{ PU} \\ QC &= Q_{Load} - QR \\ QC &= 0.5 - (-0.05) = 0.55 \text{ PU} \end{aligned}$$

۸۱- گزینه (ب) صحیح است.

$$Y_{BUS} = \begin{bmatrix} -j10 & \boxed{j2} & \boxed{j5} & j6 \\ \boxed{j2} & \boxed{-j7} & \boxed{j8} & \boxed{j5} \\ \boxed{j5} & \boxed{j8} & \boxed{-j4} & \boxed{j4} \\ j6 & \boxed{0} & \boxed{4} & -j3 \end{bmatrix}$$

$$Y_{11} = -j10$$

$$Y_{12} = j2 + j5 = j7$$

$$Y_{13} = j6$$

$$Y_{21} = j2 + j5 = j7$$

$$Y_{22} = -j7 + j8 + j8 - j4 = -j5$$

$$Y_{23} = j5 + j4 = j9$$

$$Y_{31} = j6$$

$$Y_{32} = j5 + j4 = j9$$

$$Y_{33} = -j_{33}$$

$$Y_{BUS_{new}} = j \begin{bmatrix} -1.0 & 0 & 0 \\ 0 & -0.5 & 0 \\ 0 & 0 & -0.3 \end{bmatrix}$$

۸۲- گزینه (د) صحیح است.

$$V_{j_{new}} = V_{j_{old}} + Z_{ji} \left( \frac{-V_{i_{old}}}{Z_{ii} + Z_{sh}} \right)$$

$$V_{3_{new}} = V_{3_{old}} + Z_{32} \left( \frac{-V_{2_{old}}}{Z_{22} + Z_{sh}} \right)$$

$$\Delta V_{33} = V_{3_{new}} - V_{3_{old}}$$

$$V_{3_{new}} - V_{3_{old}} = Z_{32} \left( \frac{-V_{2_{old}}}{Z_{22} + Z_{sh}} \right)$$

$$\Delta V_{33} = Z_{32} \left( \frac{-V_{2_{old}}}{Z_{22} + Z_{sh}} \right)$$

$$\Delta V_{33} = j0.15 \times \left( \frac{-1/2}{j0.3 + j2/7} \right) = 0.17$$

۸۳- گزینه (الف) صحیح است.

$$IC = \beta + \gamma PG$$

$$\lambda = \frac{\gamma PD + \sum \frac{\beta_i}{\gamma_i}}{\sum \frac{1}{\gamma_i}}$$

$$\lambda = \frac{\gamma PD + \left( \frac{\beta_1}{\gamma_1} + \frac{\beta_2}{\gamma_2} \right)}{\left( \frac{1}{\gamma_1} + \frac{1}{\gamma_2} \right)} = \frac{2 \times 200 + \left( \frac{750}{0.75} + \frac{600}{0.5} \right)}{\left( \frac{1}{0.75} + \frac{1}{0.5} \right)} = 172/22$$

$$PG_i = \frac{\lambda - \beta_i}{\gamma_i}$$

$$PG_1 = \frac{\lambda - \beta_1}{\gamma_1} = \frac{172/22 - 750}{2 \times 0.75} = 27/78 MW$$

$$PG_2 = \frac{\lambda - \beta_2}{\gamma_2} = \frac{172/22 - 600}{2 \times 0.5} = 172/22 MW$$

۸۴- گزینه (د) صحیح است.

$$\lambda = \frac{\gamma PD + \sum \frac{\beta_i}{\gamma_i}}{\sum \frac{1}{\gamma_i}}$$

$$\lambda = \frac{2PD + \left(\frac{\beta_1}{\gamma_1} + \frac{\beta_2}{\gamma_2}\right)}{\left(\frac{1}{\gamma_1} + \frac{1}{\gamma_2}\right)} = \frac{2 \times 1000 + \left(\frac{50}{.7 \times 1000} + \frac{45}{.7 \times 1000}\right)}{\left(\frac{1}{.7 \times 1000} + \frac{1}{.7 \times 1000}\right)} = 53$$

$$PG_i = \frac{\lambda - \beta_i}{2\gamma_i}$$

$$PG_1 = \frac{\lambda - \beta_1}{2\gamma_1} = \frac{53 - 50}{2 \times .7 \times 1000} = 200 \text{ MW}$$

$$PG_2 = \frac{\lambda - \beta_2}{2\gamma_2} = \frac{53 - 45}{2 \times .7 \times 1000} = 800 \text{ MW}$$

۸۵- گزینه (ب) صحیح است.

$$\lambda = IC_1 = IC_2 = 40 + PG_1 = 40 + .7PG_2$$

$$.7PG_1 - .5PG_2 = 0$$

$$\begin{cases} PG_1 - .7PG_2 = 0 \\ PG_1 + PG_2 = 60 \end{cases}$$

$$PG_1 + PG_2 = 60$$

$$PG_1 = 10 \text{ MW}$$

$$PG_2 = 50 \text{ MW}$$

$$PG_1' = 30 \text{ MW}$$

$$PG_2' = 30 \text{ MW}$$

$$\Delta C = C(\lambda_1) - C(\lambda_2)$$

$$|\Delta C| = \left| \int_{PG_1}^{PG_1'} (IC_1) dPG_1 + \int_{PG_2}^{PG_2'} (IC_2) dPG_2 \right|$$

$$|\Delta C| = \int_{10}^{30} (40 + PG_1) dPG_1 + \int_{50}^{30} (40 + .7PG_2) dPG_2 = 240 \text{ R/h}$$

۸۶- گزینه (الف) صحیح است.

در بی‌باری یا بار کم ولتاژ انتهای خط افزایش می‌یابد بنابراین اگر بار انتهای خط ۵

درصد مقدار نامی خود باشد ولتاژ انتهای خط افزایش می‌یابد.

۸۷- گزینه (الف) صحیح است.

$$Z_{sc} = JZC \tanh \gamma l$$

$$Z_{oc} = JZC \coth \gamma l$$

$$\frac{Z_{sc}}{Z_{oc}} = \frac{JZC \tanh \gamma l}{JZC \coth \gamma l} = \left( \frac{\sinh \gamma l}{\cosh \gamma l} \right)^2$$

$$\sqrt{\frac{Z_{sc}}{Z_{oc}}} = \tanh \gamma l$$

$$\gamma = \frac{1}{l} \tan^{-1} \sqrt{\frac{Z_{sc}}{Z_{oc}}}$$

۸۸- گزینه (ج) صحیح است.

$$L = 2 \times 10^{-7} \ln \frac{GMD}{GMR}$$

$$GMD = \sqrt[3]{D_{ab} D_{ac} D_{bc}}$$

$$GMD = \sqrt[3]{20 \times 20 \times 30} = 24/8 \text{ ft}$$

$$GMR = D_s$$

$$GMR = 0.3773 \text{ ft}$$

$$L = 2 \times 10^{-7} \ln \frac{24/8}{0.3773} = 13 \times 10^{-7} \text{ H/m}$$

www.sbargh.ir

## منابع و مأخذ جهت پاسخگویی

- ۱- سیستم‌های قدرت الکتریکی - تألیف احد کاظمی - انتشارات دانشگاه علم و صنعت
- ۲- بررسی سیستم‌های قدرت ۲- تألیف احد کاظمی - انتشارات دانشگاه پیام نور
- ۳- بررسی سیستم‌های قدرت - تألیف عباس ربیعی، بهنام محمدی، علی شجاعی - انتشارات پردازش
- ۴- بررسی سیستم‌های قدرت - تألیف هادی سعادت - انتشارات دانشگاه علم و صنعت
- ۵- مبانی بررسی سیستم‌های قدرت ۱- تألیف استیونسون، گرینجر - انتشارات خراسان
- ۶- بررسی سیستم‌های قدرت - تألیف برگن - انتشارات دانشگاه تهران

[www.sbargh.ir](http://www.sbargh.ir)